



BEYOND EXCELLENCE -37

JANAKA RODRIGO

Where the extreme challenges excellence.

www.janakasrodrigo.com

Let \mathbf{a} and \mathbf{b} be two non zero, non parallel vectors. If $\lambda\mathbf{a} + \mu\mathbf{b} = \mathbf{0}$, show that $\lambda = \mu = 0$, where λ, μ are scalars.

A straight line cuts the sides CA, AB of a triangle ABC internally at E, F respectively, and cuts BC produced a D. If $BD/DC = p$, $CE/EA = q$, $AF/FB = r$

prove that

$$\mathbf{EF} = [1/(1+q)] \mathbf{CA} + [r/(1+r)] \mathbf{AB} \quad \text{and}$$

$$\mathbf{DF} = [p/(p-1)] \mathbf{CA} + (pr+1)/[(p-1)(r+1)] \mathbf{AB}$$

Deduce that, $pqr = 1$.

\mathbf{a} හා \mathbf{b} යනු අභිශ්‍රිතයා නොවූ සමාන්තර නොවූ දෛශික දෙකක් ලෙස ගනිමු. .

$\lambda\mathbf{a} + \mu\mathbf{b} = \mathbf{0}$ නම් $\lambda = \mu = 0$ බව පෙන්වන්න, මෙහි λ, μ යනු අදිශ වෙයි.

සරල රේඛාවක් ABC ත්‍රිකෝණයේ CA, AB පාද පිළිවෙලින් E, F හිදීද දික් කරන ලද BC පාදය D හිදීද ඡේදනය කරයි. .

$BD/DC = p$, $CE/EA = q$, $AF/FB = r$ නම්

$$\mathbf{EF} = 1/(1+q) \mathbf{CA} + r/(1+r) \mathbf{AB} \quad \text{හා}$$

$$\mathbf{DF} = p/(p-1) \mathbf{CA} + (pr+1)/[(p-1)(r+1)] \mathbf{AB}$$

බව පෙන්වන්න. $pqr = 1$ බව අපෝහනය කරන්න.